

Die Beweisfabrik

Neuer Auftrag:

Beweisen Sie, dass für alle natürlichen Zahlen $n = 1, 2, 3, \dots$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$

$n = 1$

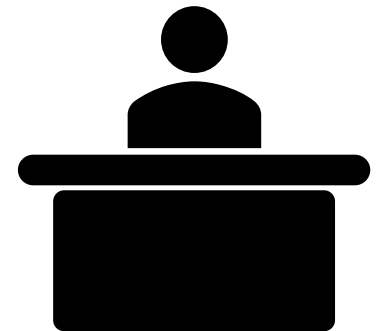
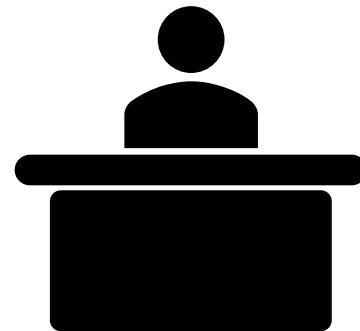
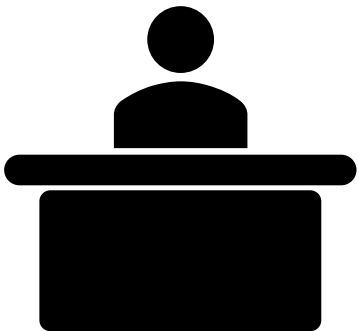
$n = 2$

$n = 3$

$n = 4$

$n = 5$

$n = 6$



...

Die Beweisfabrik

Neuer Auftrag:

Beweisen Sie, dass für alle natürlichen Zahlen $n = 1, 2, 3, \dots$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$

$n = 11$



$n = 12$



$n = 13$



$n = 14$



$n = 15$



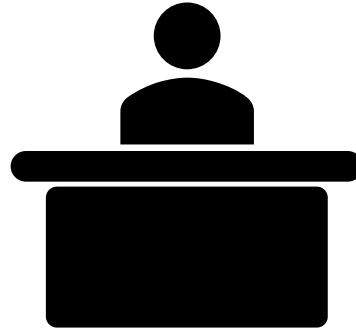
$n = 16$



$n = 17$



$$n = 14$$



Beweisen Sie, dass für $n = 14$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$

Beweisen Sie, dass für $n = 14$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$

Es gilt

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10 + 11 + 12 + 13 + 14 = 105$$

und es gilt

$$\frac{14 \cdot 15}{2} = \frac{210}{2} = 105.$$

Also gilt die Aussage für $n = 14$.

$$n = 14$$



Beweisen Sie, dass für $n = 14$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$

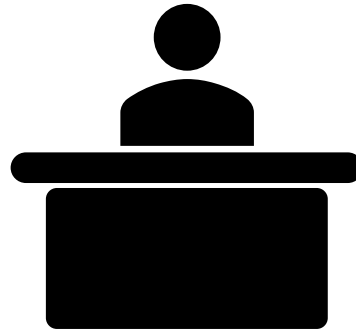
Es gilt

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10 + 11 + 12 + 13 + 14 = 105$$

und es gilt

$$\frac{14 \cdot 15}{2} = \frac{210}{2} = 105$$

$$n = 15$$



Beweisen Sie, dass für $n = 15$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$

Beweisen Sie, dass für $n = 15$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$



Es gilt

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10 + 11 + 12 + 13 + 14 + 15 =$$

Beweisen Sie, dass für $n = 15$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$



Es gilt

$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10 + 11 + 12 + 13 + 14 + 15 =$$

105
(schon bewiesen)

Beweisen Sie, dass für $n = 15$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$



Es gilt

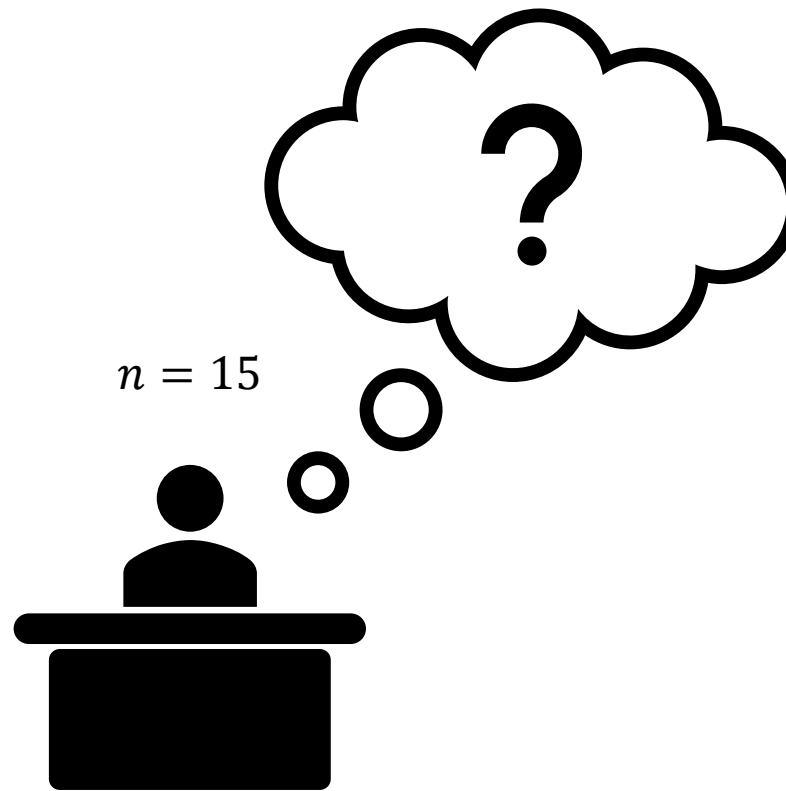
$$1 + 2 + 3 + 4 + 5 + 6 + 7 + 8 + 9 + 10 + 11 + 12 + 13 + 14 + 15 = 105 + 15 = 120$$

105
(schon bewiesen)

und es gilt

$$\frac{15 \cdot 16}{2} = \frac{240}{2} = 120.$$

Also gilt die Aussage für $n = 15$.



Beweisen Sie, dass für $n = 15$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$



Es gilt

Ist es für alle $n \geq 1$ so, dass aus

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2} \quad A(n)$$

auch

$$1 + 2 + 3 + \dots + n + (n + 1) = \sum_{k=1}^{n+1} k = \frac{(n + 1) \cdot (n + 2)}{2} \quad A(n + 1)$$

folgt?

Ja!

Für alle $n \geq 1$ gilt: $A(n) \Rightarrow A(n + 1)$
--

Die Beweisfabrik

Neuer Auftrag:

Beweisen Sie, dass für alle natürlichen Zahlen $n = 1, 2, 3, \dots$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$

Für alle $n \geq 1$ gilt:
 $A(n) \Rightarrow A(n + 1)$

Für alle $n \geq 1$ gilt:
 $A(n) \Rightarrow A(n + 1)$

Für alle $n \geq 1$ gilt:
 $A(n) \Rightarrow A(n + 1)$

Für alle $n \geq 1$ gilt:
 $A(n) \Rightarrow A(n + 1)$

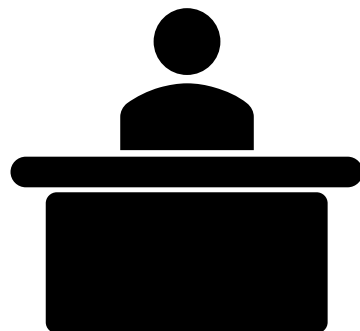
$n = 1$

$n = 2$

$n = 3$

$n = 4$

$n = 5$



...

Die Beweisfabrik

Neuer Auftrag:

Beweisen Sie, dass für alle natürlichen Zahlen $n = 1, 2, 3, \dots$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$

Für alle $n \geq 1$ gilt:
 $A(n) \Rightarrow A(n + 1)$

Für alle $n \geq 1$ gilt:
 $A(n) \Rightarrow A(n + 1)$

Für alle $n \geq 1$ gilt:
 $A(n) \Rightarrow A(n + 1)$

Für alle $n \geq 1$ gilt:
 $A(n) \Rightarrow A(n + 1)$

$n = 1$

$n = 2$

$n = 3$

$n = 4$

$n = 5$



...

Die Beweisfabrik

Neuer Auftrag:

Beweisen Sie, dass für alle natürlichen Zahlen $n = 1, 2, 3, \dots$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$

Induktionsanfang:

Induktionsschritt:

$$n = 1$$



Für alle $n \geq 1$ gilt:
 $A(n) \Rightarrow A(n + 1)$

Die Beweisfabrik

Neuer Auftrag:

Beweisen Sie, dass für alle natürlichen Zahlen $n = 1, 2, 3, \dots$ gilt:

$$1 + 2 + 3 + \dots + n = \sum_{k=1}^n k = \frac{n \cdot (n + 1)}{2}$$

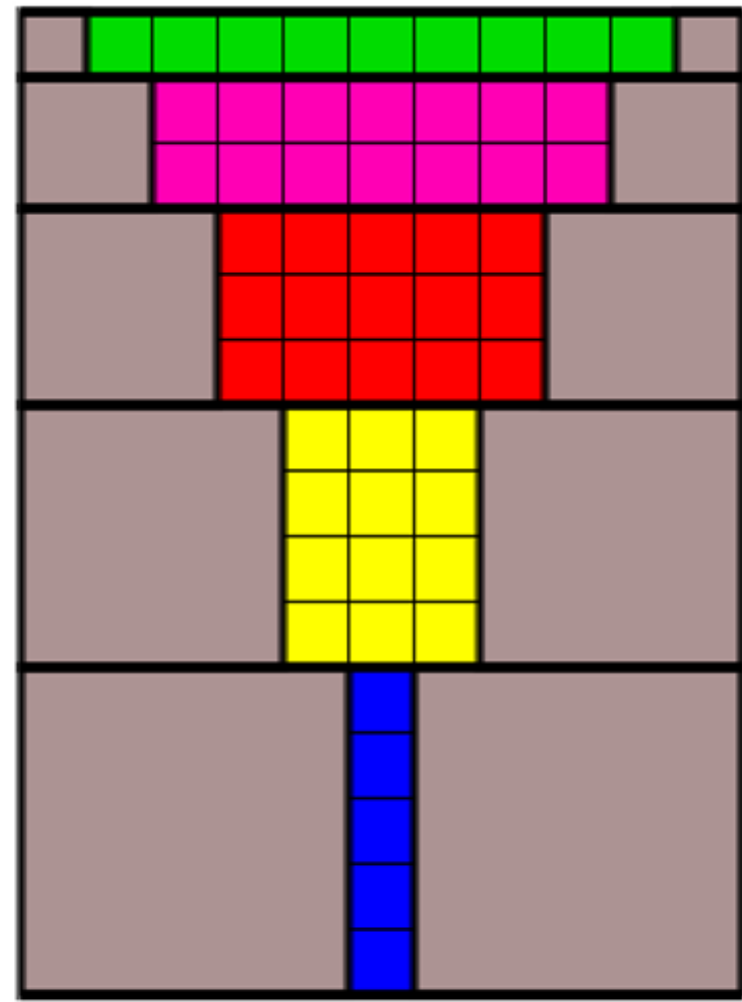
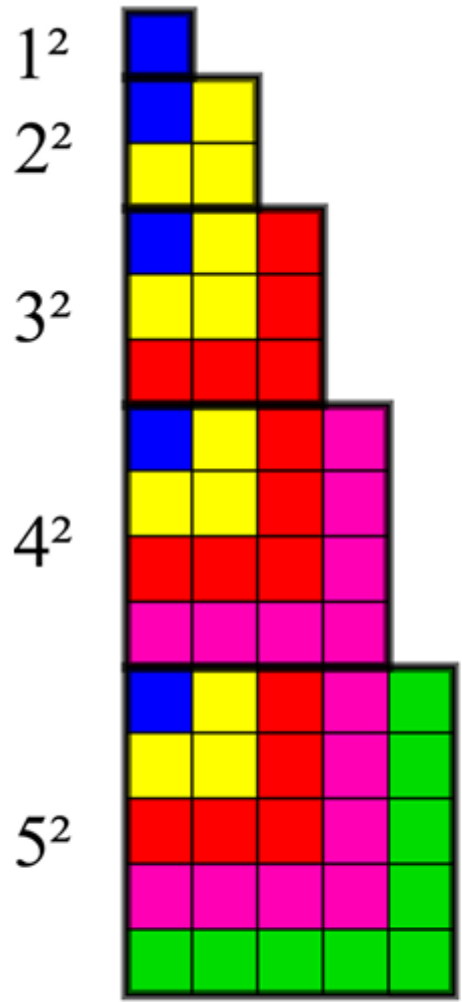
Induktionsanfang:

Induktionsschritt:

$$n = 1$$



Für alle $n \geq 1$ gilt:
 $A(n) \Rightarrow A(n + 1)$



$$1+2+3+4+5$$

$$1+2+3+\dots+n$$

$$= n*(n+1)/2$$



$$5 + 1 + 5$$

$$2*n + 1$$